

Утверждаю:

Председатель методической  
комиссии по профилю «Техника  
и технологии»

С.В. Мухин

«18» ноября 2022 г.

**ФГАОУ ВО РУТ (МИИТ)**  
**МЕЖРЕГИОНАЛЬНАЯ ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА**  
**ШКОЛЬНИКОВ «ПАРУСА НАДЕЖДЫ»**  
**ПО ПРОФИЛЮ «ТЕХНИКА И ТЕХНОЛОГИИ»**  
**2022-2023 УЧ. ГОД**  
**Заключительный этап**  
**11 класс**

**Вариант 1**

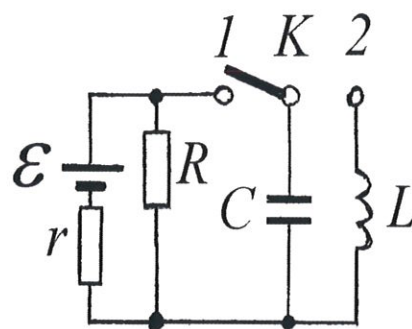
**Задание №1**

Маленький шарик висит на невесомой нерастяжимой нити длиной  $l = 1$  м. Шарик отводят в сторону до тех пор, пока угол между нитью и первоначальным положением нити не станет равным  $50$  градусов. После этого шарик сообщают начальный импульс, в результате чего шарик начинает вращаться по круговой орбите в горизонтальной плоскости. Найти величину мгновенной скорости шарика. Скорость выразить в м/с и округлить до целого числа. Считать, что  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>, а число «пи» равно  $3,14$ .

**Задание №2**

Аккумулятор с электродвижущей силой  $\varepsilon = 60$  В и внутренним сопротивлением  $r = 2$  Ом с помощью сопротивления  $R = 10$  Ом подключается к конденсатору  $C = 100$  мкФ (при этом ключ  $K$  находится в положении 1). Через некоторое время ключ  $K$  переключается из положения 1 в положение 2. Найти максимальное значение силы тока  $I_m$  в катушке индуктивности ( $L = 2,5$  мГн).

Ответ выразить в амперах и округлить до целого числа.



### Задание №3

Температура в лаборатории 27 градусов Цельсия. В теплоизолирующую колбу налили чуть больше половины объёма воды (при решении считать, что ровно половина) при температуре 50 градусов Цельсия. Затем колбу заткнули пробкой с дырочкой посередине (уровень воды в колбе чуть выше дырочки), встряхнули и положили горизонтально. Найти скорость струи воды, вытекающей из бутылки. Ответ выразить в м/с и округлить до целого числа. Плотность воды  $1000 \text{ кг/м}^3$ , атмосферное давление в лаборатории  $100000 \text{ Па}$ . Считать, что после закрывания пробкой и встряхивания воздух в колбе нагрелся до 50 градусов Цельсия.

### Задание №4

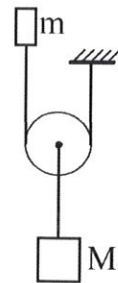
Два металлических шарика с радиусами  $R_1 = 10 \text{ см}$  и  $R_2 = 20 \text{ см}$  находятся на большом расстоянии друг от друга в вакууме и имеют одинаковые заряды по  $30 \text{ нКл}$  каждый. Их соединяют длинным тонким проводником. Определить величину перетекшего по проводнику заряда.

Ответ выразить в нКл и округлить до целого числа.

### Задание №5

Подвижный невесомый блок на рисунке связан с двумя грузиками массами  $m = 1 \text{ кг}$  и  $M = 6 \text{ кг}$ . Грузик массы  $m$  вначале придерживается. Найти ускорение блока после того, как система придёт в движение. Ускорение свободного падения равно  $g = 10 \text{ м/с}^2$ .

Ускорение выразить в  $\text{м/с}^2$  и округлить до целого числа.



### Задание №6

Маленький шарик висит на нити. Нить считать невесомой, нерастяжимой и достаточно гибкой. Какую начальную горизонтальную скорость необходимо придать шарика (размер шарика много меньше длины нити) на нити длиной  $L = 1 \text{ м}$ , чтобы в процессе движения он ударился точно о точку подвеса (ускорение свободного падения  $g = 10 \text{ м/с}^2$ , трением шарика о воздух пренебречь)?

Ответ выразить в м/с и округлить до целого числа.



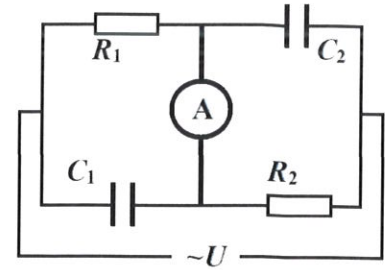
### Задание №7

Сильно охлаждённый газ, помещён в резервуар, в котором давление в нижней части оказалось в 5 раз больше давления в верхней части. Резервуар был перемещён на Луну, на которой сила тяжести в 6,1 раз меньше исходной. Во сколько раз изменилась абсолютная температура в резервуаре, если после перемещения давление в верхней части стало всего на 5% меньше давления в нижней части.

Ответ округлить до целого числа.

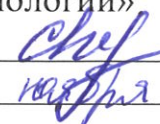

### Задание №8

Найти показания идеального амперметра (внутреннее сопротивление амперметра равно 0) в системе на рисунке. Параметры элементов схемы таковы: действующее значение напряжения источника тока  $U = 3,6$  В; циклическая частота источника  $\omega = 10^4$  с<sup>-1</sup>; сопротивления  $R_1 = 30$  кОм,  $R_2 = 50$  кОм; конденсаторы  $C_1 = 2$  нФ,  $C_2 = 1$  нФ.



Ответ выразить в микроамперах и округлить до целых.

Утверждаю:  
Председатель методической  
комиссии по профилю «Техника  
и технологии»

 С.В. Мухин  
«28»  2022 г.

**ФГАОУ ВО РУТ (МИИТ)**  
**МЕЖРЕГИОНАЛЬНАЯ ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА**  
**ШКОЛЬНИКОВ «ПАРУСА НАДЕЖДЫ»**  
**ПО ПРОФИЛЮ «ТЕХНИКА И ТЕХНОЛОГИИ»**  
**2022-2023 УЧ. ГОД**  
**Заключительный этап**  
**11 класс**

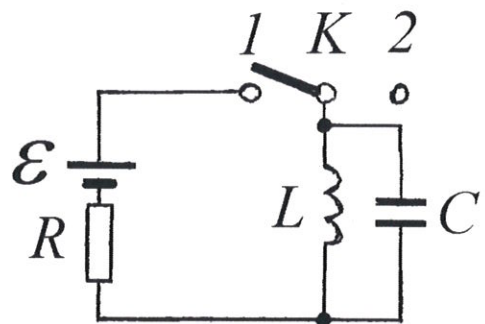
**Вариант 2**

**Задание №1**

Маленький шарик висит на невесомой нерастяжимой нити длиной  $l = 90$  см. Шарик отводят в сторону до тех пор, пока угол между нитью и первоначальным положением нити не станет равным  $70$  градусов. После этого шарик сообщают начальный импульс, в результате чего шарик начинает вращаться по круговой орбите в горизонтальной плоскости. Найти период обращения шарика по орбите. Ответ выразить в секундах и округлить до целого числа. Считать, что  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>, а число «пи» равно  $3,14$ .

**Задание №2**

Аккумулятор с электродвижущей силой  $\mathcal{E} = 12$  В и внутренним сопротивлением  $r = 0$  Ом с помощью внешнего сопротивления  $R = 6$  Ом подключается к индуктивности  $L = 10$  мГн (при этом ключ  $K$  находится в положении 1). Через некоторое время ключ  $K$  переключается из положения 1 в положение 2. Найти максимальное значение напряжения на конденсаторе  $C = 100$  мкФ.



Ответ выразить в вольтах и округлить до целого числа.



### Задание №3

Температура в лаборатории 22 градуса Цельсия. В теплоизолирующую колбу налили чуть больше половины объёма воды (при решении считать, что ровно половина) при температуре 37 градусов Цельсия. Затем колбу заткнули пробкой с дырочкой посередине (уровень воды в колбе чуть выше дырочки), встряхнули и положили горизонтально. Найти скорость струи воды, вытекающей из бутылки. Ответ выразить в м/с и округлить до целого числа. Плотность воды  $1000 \text{ кг/м}^3$ , атмосферное давление в лаборатории  $100000 \text{ Па}$ . Считать, что после закрывания пробкой и встряхивания воздух в колбе нагрелся до 37 градусов Цельсия.

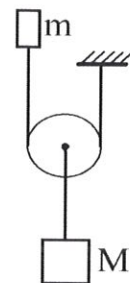
### Задание №4

Два металлических шарика с радиусами  $R_1 = 20 \text{ см}$  и  $R_2 = 40 \text{ см}$  находятся на большом расстоянии друг от друга в вакууме и имеют одинаковые заряды по  $24 \text{ нКл}$  каждый. Их соединяют длинным тонким проводником. Определить величину перетекшего по проводнику заряда.

Ответ выразить в нКл и округлить до целого числа

### Задание №5

Подвижный невесомый блок на рисунке связан с двумя грузиками массами  $m = 1 \text{ кг}$  и  $M = 6 \text{ кг}$ . Грузик массы  $m$  вначале придерживается. Найти натяжение нити груза массой  $m$  после того, как система придёт в движение. Ускорение свободного падения равно  $g = 10 \text{ м/с}^2$ .



Натяжение нити выразить в Н и округлить до целого числа.

### Задание №6

Маленький шарик массой  $200 \text{ г}$  висит на нити. Нить можно считать невесомой, нерастяжимой и достаточно гибкой. Какой начальный импульс в горизонтальном направлении необходимо сообщить шарика (размер шарика много меньше длины нити) на нити длиной  $L = 1 \text{ м}$ , чтобы в процессе движения он ударился точно о точку подвеса (ускорение свободного падения  $g = 10 \text{ м/с}^2$ , трением шарика о воздух пренебречь)?



Ответ выразить в кг·м/с и округлить до целого числа.

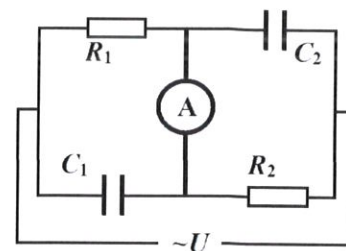
### Задание №7

Сильно охлаждённый газ, помещён в резервуар, в котором давление в нижней части оказалось в 5 раз больше давления в верхней части. Резервуар был перемещён на Луну, на которой сила тяжести в 6,1 раз меньше исходной. Во сколько раз изменилась абсолютная температура в резервуаре, если после перемещения давление в верхней части стало всего на 5% меньше давления в нижней части.

Ответ округлить до целого числа.

### Задание №8

Найти показания идеального амперметра (внутреннее сопротивление амперметра равно 0) в системе на рисунке. Параметры элементов схемы таковы: действующее значение напряжения источника тока  $U = 3,6$  В; циклическая частота источника  $\omega = 10^4$  с<sup>-1</sup>; сопротивления  $R_1 = 50$  кОм,  $R_2 = 20$  кОм; конденсаторы  $C_1 = 3$  нФ,  $C_2 = 1$  нФ.



Ответ выразить в микроамперах и округлить до целых.

**ФГАОУ ВО РУТ (МИИТ)**  
**МЕЖРЕГИОНАЛЬНАЯ ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА**  
**ШКОЛЬНИКОВ «ПАРУСА НАДЕЖДЫ»**  
**ПО ПРОФИЛЮ «ТЕХНИКА И ТЕХНОЛОГИИ»**  
**2022-2023 УЧ. ГОД**

**Краткие решения к заданиям очного тура**

**11 класс**

**Вариант 1**

**Задание №1**

Дано:  $l = 1$  м ( $l = const$ );  $\alpha = 50$  градусов;  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>;  $\pi = 3,14$

Найти:  $v$

Перевод исходных данных в СИ:  $\alpha = 50$  градусов =  $5 \cdot \pi / 18$  рад

Решение: Из рисунка видно, что величина центростремительного ускорения шарика равна  $F_{ц} = m \cdot g \cdot \operatorname{tg} \alpha$ . Радиус орбиты, по которой вращается шарик, равен  $r = l \cdot \sin \alpha$ .

$F_{ц} = m \cdot a_{ц} = m \cdot v^2 / r$ , поэтому  $m \cdot \frac{v^2}{r} = m \cdot g \cdot \operatorname{tg} \alpha$ , разделив обе части равенства на  $m$  получим:

$$\frac{v^2}{l \cdot \sin \alpha} = g \cdot \operatorname{tg} \alpha, \text{ откуда}$$
$$v^2 = l \cdot \sin \alpha \cdot g \cdot \operatorname{tg} \alpha.$$

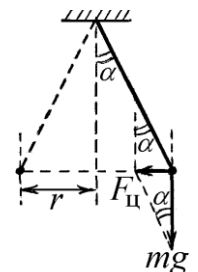
Величина скорости шарика равна

$$v = (l \cdot \sin \alpha \cdot g \cdot \operatorname{tg} \alpha)^{\frac{1}{2}}, \text{ т.к. } \operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}, \text{ то}$$
$$v = \sin \alpha \cdot \left( \frac{l \cdot g}{\cos \alpha} \right)^{\frac{1}{2}}$$

подставляем в полученную формулу исходные данные

$v = \sin \alpha \cdot \left( \frac{l \cdot g}{\cos \alpha} \right)^{\frac{1}{2}} = 0,766 \cdot (1 \cdot 10 / 0,643)^{\frac{1}{2}} = 3,02$  (м/с). Округлить результат необходимо до целого числа, поэтому  $v = 3$  м/с.

Ответ:  $v = 3$  м/с



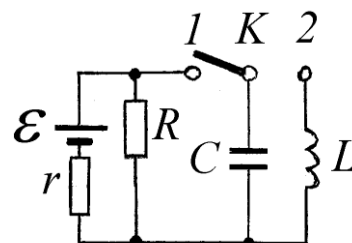
### Задание №2

Дано:  $\varepsilon = 60$  В;  $r = 2$  Ом;  $R = 10$  Ом;  $C = 100$  мкФ;  $L = 2,5$  мГн

Найти:  $I_m$

Перевод исходных данных в СИ:  $C = 100$  мкФ =  $10^{-4}$  Ф;  $L = 2,5$  мГн =  $2,5 \cdot 10^{-3}$  Гн

Решение: Когда ключ  $K$  находится в положении 1, то сила тока в цепи равна  $I = \varepsilon / (r + R) = 60 / (2 + 10) = 5$  (А). Вычислим напряжение на сопротивлении  $U_R = I \cdot R = 5 \cdot 10 = 50$  (В), оно равно напряжению на конденсаторе  $U_C$ . После переключения ключа  $K$  в положение 2 в колебательном контуре  $LC$  начнутся электромагнитные колебания. По закону сохранения энергии максимальная электрическая энергия равна максимальной магнитной энергии  $W_{\text{электрическая}} = W_{\text{магнитная}}$ , т.е.  $C \cdot \frac{U_C^2}{2} = L \cdot \frac{I_m^2}{2}$ , таким образом



$C \cdot U_C^2 = L \cdot I_m^2$ , поэтому

$$I_m = U_C \cdot \left(\frac{C}{L}\right)^{\frac{1}{2}}$$

подставляем в полученную формулу цифровые данные

$I_m = U_C \cdot \left(\frac{C}{L}\right)^{\frac{1}{2}} = 50 \cdot \left(\frac{10^{-4}}{2,5} \cdot 10^{-3}\right)^{1/2} = 10$  (А). Представить полученный результат необходимо в виде целого числа, поэтому  $I_m = 10$  А.

Ответ:  $I_m = 10$  А

### Задание №3

Дано:  $t_1 = 27$  градусов Цельсия;  $t_2 = 50$  градусов Цельсия;  $p_1 = 100000$  Па;  $\rho = 1000$  кг/м<sup>3</sup>

Найти:  $v$

Перевод исходных данных в СИ:  $t_1 = 27$  градусов Цельсия = 300 К;  $t_2 = 50$  градусов Цельсия = 323 К

Решение: Т.к.  $\Delta p = \rho \cdot \frac{v^2}{2}$ , то  $v = \left(2 \cdot \frac{\Delta p}{\rho}\right)^{\frac{1}{2}}$ . Уравнение Менделеева-

Клапейрона имеет вид  $p \cdot V = \left(\frac{m}{\mu}\right) \cdot R \cdot T$ . Объем, масса и молярная масса в

данной задаче остаются постоянными, поэтому  $\frac{p_2}{p_1} = \frac{T_2}{T_1}$  и



$p_2 = p_1 \cdot \frac{T_2}{T_1} = 100000 \cdot \frac{323}{300} = 107667$  (Па).  $\Delta p = p_2 - p_1 = 107667 - 100000 = 7667$  (Па). Таким образом  $v = \left(2 \cdot \frac{\Delta p}{\rho}\right)^{\frac{1}{2}} = \left(2 \cdot \frac{7667}{1000}\right)^{\frac{1}{2}} = 3,92$  (м/с). Округлить результат необходимо до целого числа, поэтому  $v = 4$  м/с.

Ответ:  $v = 4$  м/с

#### Задание №4

Дано:  $R_1 = 10$  см;  $R_2 = 20$  см;  $q_1 = q_2 = q = 30$  нКл.

Найти:  $\Delta q$ .

Перевод исходных данных в СИ:  $R_1 = 10$  см = 0,1 м;  $R_2 = 20$  см = 0,2 м;  $q_1 = q_2 = 30$  нКл =  $30 \cdot 10^{-9}$  Кл.

Решение: Потенциалы шариков до соединения:  $\varphi_1 = k \cdot \frac{q}{R_1}$  / и  $\varphi_2 = k \cdot \frac{q}{R_2}$ , т.к.  $R_1 < R_2$ , то  $\varphi_1 > \varphi_2$  и после соединения шариков длинным тонким проводником ток потечет от шарика 1 к шарика 2, а реальные заряды, т.е. электроны, будут двигаться от шарика 2 к шарика 1. Пусть  $q_1^\circ$  - заряд 1-го шарика после соединения, а  $q_2^\circ$  - заряд 2-го шарика после соединения. По закону сохранения заряда  $q_1^\circ + q_2^\circ = 2 \cdot q$ , поэтому  $q_2^\circ = 2q - q_1^\circ$ . Т.к.  $\varphi_1^\circ = \varphi_2^\circ$ , то  $k \cdot \frac{q_1^\circ}{R_1} = k \cdot \frac{(2q - q_1^\circ)}{R_2}$ , откуда  $q_1^\circ = 2 \cdot q \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2}$ . Поэтому  $\Delta q = q_1 - q_1^\circ = q - 2 \cdot q \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = q \cdot \frac{R_2 - R_1}{R_2 + R_1}$ . Подставим численные значения  $\Delta q = 30 \cdot 10^{-9} \cdot \frac{0,2 - 0,1}{0,2 + 0,1} = 10 \cdot 10^{-9}$  (Кл) = 10 (нКл).

Ответ:  $\Delta q = 10$  нКл.

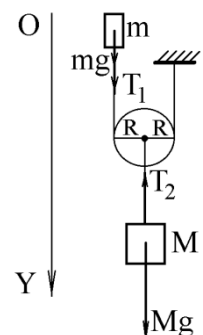
#### Задание №5

Дано:  $m = 1$  кг,  $M = 6$  кг,  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

Найти:  $a$ .

Перевод исходных данных в СИ: все исходные данные уже в СИ.

Решение: Пусть ось ОУ направлена вертикально вниз. По второму закону Ньютона для грузика  $m$ :  $m \cdot g + T_1 = m \cdot a_1$ . Для груза  $M$ :  $M \cdot g - T_2 = M \cdot a_2$ . Пусть радиус невесомого блока равен  $R$  и ускорение блока (и груза  $M$ ) равно  $a$ . Тогда  $a_2 = a$  и  $a_1 = 2 \cdot a$ . Пусть  $T_1 = T$ , тогда  $T_2 = 2 \cdot T$ . С учетом вышеизложенного уравнения для грузов примут вид:



$m \cdot g + T = m \cdot 2 \cdot a$  и  $M \cdot g - 2 \cdot T = M \cdot a$ . Из первого уравнения найдем  $T = m \cdot 2 \cdot a - m \cdot g$  и подставим это выражение во второе уравнение

$$M \cdot g - 2 \cdot (m \cdot 2 \cdot a - m \cdot g) = M \cdot a, \text{ т.е. } a = g \cdot \frac{M + 2 \cdot m}{M + 4 \cdot m}$$

Подставив полученное значение для  $a$  в первое уравнение, найдем выражение для натяжения нити  $T = \frac{g \cdot M \cdot m}{M + 4 \cdot m}$ . Подставляем в полученную формулу для  $a$  исходные данные

$$a = g \cdot \frac{M + 2 \cdot m}{M + 4 \cdot m} = 10 \cdot \frac{6 + 2 \cdot 1}{6 + 4 \cdot 1} = 8 \text{ (м/с}^2\text{)}.$$

Ответ:  $a = 8 \text{ м/с}^2$ .

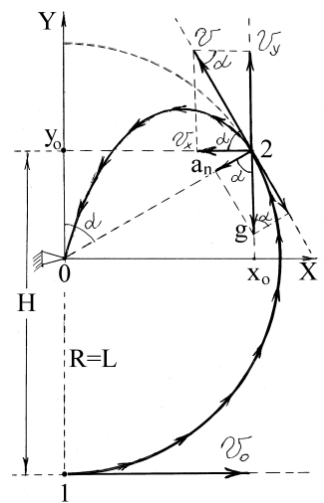
### Задание №6

Дано:  $L = 1 \text{ м}$ ;  $g = 10 \text{ м/с}^2$ .

Найти:  $v_0$ .

Перевод исходных данных в СИ: все исходные данные уже в СИ.

Решение: Точка 1 – это начало траектории движения. Точка 2 – это конец движения по окружности и начало движения по параболе.  $L = R$  – это радиус траектории движения в начале движения.  $O$  – точка подвеса и начало осей  $OX$  и  $OY$ .  $x_0$  – координата по оси  $OX$  точки 2,  $y_0$  – координата по оси  $OY$  точки 2. Пусть в точке 2 величина скорости равна  $v$ , т.к. после точки 2 ускорение постоянное, то:



$$x = x_0 + v_0x \cdot t + ax \cdot \frac{t^2}{2} \text{ и } y = y_0 + v_0y \cdot t + ay \cdot \frac{t^2}{2}; \text{ где } x_0 = R \cdot \sin a,$$

где

$$y_0 = R \cdot \cos a, v_0x = -v \cdot \cos a, v_0y = v \cdot \sin a.$$

Т.е.  $x = R \cdot \sin a - v \cdot \cos a \cdot t$  и  $y = R \cdot \cos a + v \cdot \sin a \cdot t - g \cdot \frac{t^2}{2}$ . В точке

подвеса  $x = 0$  и  $y = 0$ . Т.е.  $0 = R \cdot \sin a - v \cdot \cos a \cdot t$  и  $0 = R \cdot \cos a +$

$$+ v \cdot \sin a \cdot t - g \cdot \frac{t^2}{2}, \quad \text{ПОЭТОМУ} \quad t = R \cdot \frac{\sin a}{v \cdot \cos a} \quad \text{и} \quad 0 = R \cdot v \cdot \cos a +$$

$$+ v \cdot \sin a \cdot R \cdot \frac{\sin a}{v \cdot \cos a} - g \cdot \frac{\left[ \frac{R \cdot \sin a}{v \cdot \cos a} \right]^2}{2}. \quad \text{В точке 2: } a_n = \frac{v_2}{R} \quad \text{и} \quad a_n = g \cdot \cos a, \quad \text{т.е.}$$

$$\frac{v_2}{R} = g \cdot \cos a \quad \text{или} \quad v_2 = g \cdot R \cdot \cos a. \quad \text{Т.е. по оси ОУ:}$$

$$0 = R \cdot \cos a + R \cdot \frac{\sin^2 a}{\cos a} - g \cdot R \cdot \frac{\sin^2 a}{[2 \cdot g \cdot R \cdot \cos a \cdot \cos^2 a]} \sin^2 a \quad \text{или}$$

$$0 = R \cdot \cos a + R \cdot \frac{\sin^2 a}{\cos a} - R \cdot \frac{\sin^2 a}{[2 \cdot g \cdot R \cdot \cos a \cdot \cos^2 a]}. \quad \text{Таким образом:}$$

$$0 = 2 \cdot \cos^4 a + \sin^2 a \cdot 2 \cdot \cos^2 a - \sin^2 a \quad \text{или} \quad 0 = 2 \cdot \cos^4 a +$$

$$+ \sin^2 a \cdot (2 \cdot \cos^2 a - 1). \quad \text{Т.к. } \sin^2 a + \cos^2 a = 1, \quad \text{то } \sin^2 a = 1 - \cos^2 a,$$

$$\text{ПОЭТОМУ } 0 = 2 \cdot \cos^4 a + (1 - \cos^2 a) \cdot (2 \cdot \cos^2 a - 1). \quad \text{Если заменим } \cos^2 a$$

$$\text{на } z, \quad \text{то получим: } 0 = 2 \cdot z^2 + (1 - z)(2 \cdot z - 1) \quad \text{или} \quad 0 = 3 \cdot z - 1, \quad \text{т.е. } z = \frac{1}{3}$$

$$\text{или } \cos^2 a = \frac{1}{3}, \quad \text{т.е. } \cos a = \frac{\sqrt{3}}{3}. \quad \text{Пусть масса материальной точки равна } m. \quad \text{В точке}$$

2 сумма кинетической и потенциальной энергий материальной точки равна

$$\text{кинетической энергии в точке 1: } m \cdot \frac{v_0^2}{2} = m \cdot g \cdot H + m \cdot \frac{v_2^2}{2}, \quad \text{т.е.}$$

$$\frac{v_0^2}{2} = g \cdot (R + R \cdot \cos a) + \frac{v_2^2}{2} \quad \text{или}$$

$$v_0^2 = 2 \cdot g \cdot R \cdot (1 + \cos a) + v_2^2 = 2 \cdot g \cdot R \cdot (1 + \cos a) + g \cdot R \cdot \cos a =$$

$$= g \cdot R \cdot (3 \cdot \cos a + 2). \quad \text{Т.е. } v_0 = [g \cdot R \cdot (3 \cdot \cos a + 2)]^{\frac{1}{2}}. \quad \text{Подставим}$$

$$\text{численные значения: } v_0 = [10 \cdot 1 \cdot \left( \frac{3 \cdot \sqrt{3}}{3} + 2 \right)]^{\frac{1}{2}} = 6,1 \text{ (м/с)}. \quad \text{Округлить}$$

результат необходимо до целого числа, поэтому  $v_0 = 6 \text{ м/с}$ .

Ответ:  $v_0 = 6 \text{ м/с}$ .

### Задание №7

Дано:  $\frac{g}{g_1} = 6,1$ ;  $\frac{p_{\text{низ}}}{p_{\text{верх}}} = 5$ ;  $\frac{\Delta p}{p} = 5\%$

Найти:  $\frac{T_1}{T}$

Перевод исходных данных в СИ:  $\frac{\Delta p}{p} = 5\% = 0,05$

Решение: Пусть  $T$  – это температура на Земле,  $T_1$  – температура на Луне,  $g$  – это ускорение свободного падения на Земле,  $g_1$  – ускорение свободного падения на Луне. Экспонента, описывающая барометрическую формулу, в показателе имеет  $-\frac{\mu \cdot g \cdot h}{R \cdot T}$ . В начале эта величина была равна  $\ln(1/5)$ , потом

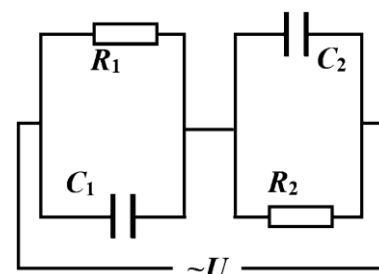
$\ln(0,95)$ . Поэтому  $\frac{g}{T} = \frac{\ln(\frac{1}{5})}{\ln(0,95)}$ ; откуда  $\frac{T_1}{T} = \left(\frac{g_1}{g}\right) \cdot \left(\frac{\ln(\frac{1}{5})}{\ln(0,95)}\right)$ . Подставляем в

полученную формулу цифровые данные

$$\frac{T_1}{T} = \left(\frac{1}{6,1}\right) \cdot \left(\frac{-1,6094}{-0,051293}\right) = \left(\frac{1}{6,1}\right) \cdot 31,377 = 5,1438$$

Т.к. окончательный результат необходимо округлить

до целого числа, то  $\frac{T_1}{T} = 5$ .



Ответ:  $\frac{T_1}{T} = 5$

### Задание №8

Дано:  $U = 3,6$  В;  $\omega = 10^4$  с<sup>-1</sup>;  $R_1 = 30$  кОм;  $R_2 = 50$  кОм;  $C_1 = 2$  нФ;  $C_2 = 1$  нФ

Найти:  $I$

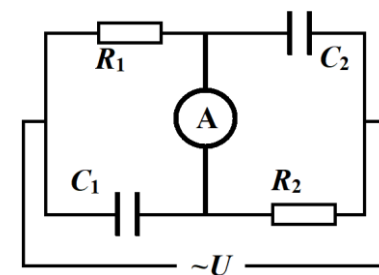
Перевод исходных данных в СИ:  $R_1 = 30$  кОм = 30000 Ом;  $R_2 = 50$  кОм = 50000 Ом;  $C_1 = 2$  нФ =  $2 \cdot 10^{-9}$  Ф;  $C_2 = 1$  нФ =  $1 \cdot 10^{-9}$  Ф

Решение: Сначала надо найти потенциал в месте расположения амперметра. Для этого мы его сначала уберём (т.к. его сопротивление равно 0), а затем преобразуем цепь как на рисунке. Итак, пусть полное напряжение цепи равно  $U \cdot \sin \omega t$ . Тогда напряжения на первом и втором участках можно записать как

$U_1 = A \cdot \sin \omega t + B \cdot \cos \omega t$ ;  $U_2 = (U - A) \cdot \sin \omega t - B \cdot \cos \omega t$ , т.к. сумма напряжений на участках в любой момент равна полному напряжению.

Токи равны:

$$I_{R1} = \left(\frac{A}{R_1}\right) \cdot \sin \omega t + \left(\frac{B}{R_1}\right) \cdot \cos \omega t,$$



$$I_{R2} = \left(\frac{U-A}{R_2}\right) \cdot \sin \omega t - \left(\frac{B}{R_1}\right) \cdot \cos \omega t,$$

$$I_{C1} = -A \cdot \omega \cdot C_1 \cdot \cos \omega t + B \cdot \omega \cdot C_1 \cdot \sin \omega t,$$

$$I_{C2} = - (U - A) \cdot \omega \cdot C_2 \cdot \cos \omega t - B \cdot \omega \cdot C_2 \cdot \sin \omega t,$$

Суммарный ток на 1-м участке равен суммарному току на 2-м участке, из чего мы находим  $A$  и  $B$ . Ток, идущий через амперметр равен  $I_{C2} - I_{R1}$ . Сначала находим коэффициенты  $A$  и  $B$ .  $A = 1,3139$  и  $B = -0,064095$ . После этого вычисляем силу тока  $I = 0,000050987$  А. Т.к. нужно выразить окончательный результат в мкА и округлить до целого числа, то получим  $I = 51$  мкА.

Ответ:  $I = 51$  мкА



**ФГАОУ ВО РУТ (МИИТ)**  
**МЕЖРЕГИОНАЛЬНАЯ ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА**  
**ШКОЛЬНИКОВ «ПАРУСА НАДЕЖДЫ»**  
**ПО ПРОФИЛЮ «ТЕХНИКА И ТЕХНОЛОГИИ»**  
**2022-2023 УЧ. ГОД**

**Краткие решения к заданиям очного тура**  
**9-10 классы**

**Вариант 2**

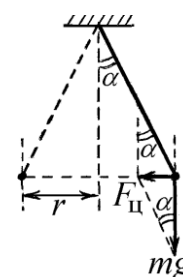
**Задание №1**

Дано:  $l = 90$  см ( $l = \text{const}$ );  $\alpha = 70$  градусов;  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>;  $\pi = 3,14$ .

Найти:  $T$

Перевод исходных данных в СИ:  $l = 90$  см = 0,9 м;  $\alpha = 70$  градусов =  $7 \cdot \frac{\pi}{18}$  рад

Решение: Из рисунка видно, что величина центростремительного ускорения шарика равно  $F_{\text{ц}} = m \cdot g \cdot \text{tg} \alpha$ . Радиус орбиты, по которой вращается шарик, равен  $r = l \cdot \sin \alpha$ .  $F_{\text{ц}} = m \cdot a_{\text{ц}} = m \cdot \frac{v^2}{r}$ , поэтому  $m \cdot \frac{v^2}{r} = m \cdot g \cdot \text{tg} \alpha$ , разделив обе части равенства на  $m$  получим  $\frac{v^2}{l \cdot \sin \alpha} = g \cdot \text{tg} \alpha$ , откуда  $v^2 = l \cdot \sin \alpha \cdot g \cdot \text{tg} \alpha$ .



Величина скорости шарика равна  $v = (l \cdot \sin \alpha \cdot g \cdot \text{tg} \alpha)^{\frac{1}{2}}$ ,

т.к.  $\text{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ , то  $v = \sin \alpha \cdot \left(\frac{l \cdot g}{\cos \alpha}\right)^{\frac{1}{2}}$ . Длина окружности по которой вращается шарик равна  $L = 2 \cdot \pi \cdot r = 2 \cdot \pi \cdot l \cdot \sin \alpha$ . Период вращения шарика по окружности равен:

$$T = \frac{L}{v} = 2 \cdot \pi \cdot l \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \alpha \cdot \left(\frac{l \cdot g}{\cos \alpha}\right)^{\frac{1}{2}}} = 2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{l \cdot \cos \alpha}{g}\right)^{\frac{1}{2}}$$

подставляем в полученную формулу исходные данные

$T = 2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{l \cdot \cos \alpha}{g}\right)^{\frac{1}{2}} = 2 \cdot 3,14 \cdot \left(0,9 \cdot \frac{0,342}{10}\right)^{\frac{1}{2}} = 1,10$  (с). Округлить результат необходимо до целого числа, поэтому  $T = 1$  с.

Ответ:  $T = 1$  с

Ответ: 1 с

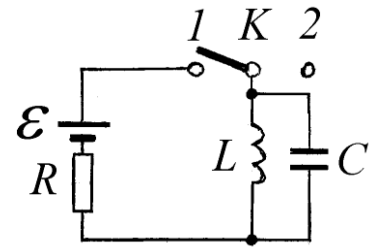
**Задание №2**

Дано:  $\varepsilon = 12$  В;  $r = 0$  Ом;  $R = 6$  Ом;  $C = 100$  мкФ;  $L = 10$  мГн

Найти:  $U_C$

Перевод исходных данных в СИ:  $C = 100$  мкФ =  $10^{-4}$  Ф;  $L = 10$  мГн =  $10^{-2}$  Гн

Решение: Когда ключ  $K$  находится в положении 1, то сила тока в цепи равна  $I = \varepsilon/R = 12/6 = 2$  (А). После переключения ключа  $K$  в положение 2 в колебательном контуре  $LC$  начнутся электромагнитные колебания. По закону сохранения энергии максимальная электрическая энергия равна максимальной магнитной энергии  $W_{\text{электрическая}} = W_{\text{магнитная}}$ , т.е.  $C \cdot U_c^2/2 = L \cdot I^2/2$ , таким образом  $C \cdot U_c^2 = L \cdot I^2$ , поэтому



$$U_c = I \cdot (L/C)^{\frac{1}{2}}$$

подставляем в полученную формулу цифровые данные

$$U_c = I \cdot \left(\frac{L}{C}\right)^{\frac{1}{2}} = 2 \cdot \left(\frac{10^{-2}}{10^{-4}}\right)^{\frac{1}{2}} = 2 \cdot 10 = 20 \text{ (В)}$$

Полученный результат необходимо представить в виде целого числа, поэтому  $U_c = 20$  В.

Ответ:  $U_c = 20$  В

### Задание №3

Дано:  $t_1 = 22$  градуса Цельсия;  $t_2 = 37$  градусов Цельсия;  $p_1 = 100000$  Па;  $\rho = 1000$  кг/м<sup>3</sup>

Найти:  $v$

Перевод исходных данных в СИ:  $t_1 = 22$  градуса Цельсия = 295 К;  $t_2 = 37$  градусов Цельсия = 310 К

Решение: Т.к.  $\Delta p = \frac{\rho \cdot v^2}{2}$ , то  $v = (2 \cdot \frac{\Delta p}{\rho})^{\frac{1}{2}}$ . Уравнение Менделеева-Клапейрона имеет вид  $p \cdot V = (m/\mu) \cdot R \cdot T$ . Объем, масса и молярная масса в данной задаче остаются постоянными, поэтому  $p_2/p_1 = T_2/T_1$  и  $p_2 = p_1 \cdot T_2/T_1 = 100000 \cdot 310/295 = 105080$  (Па).

$\Delta p = p_2 - p_1 = 105080 - 100000 = 5080$  (Па). Таким образом  $v = (2 \cdot \frac{\Delta p}{\rho})^{\frac{1}{2}} = (2 \cdot 5080/1000)^{1/2} = 3,19$  (м/с). Округлить результат необходимо до целого числа, поэтому  $v = 3$  м/с.

Ответ:  $v = 3$  м/с

### Задание №4

Дано:  $R_1 = 20$  см;  $R_2 = 40$  см;  $q_1 = q_2 = q = 24$  нКл.

Найти:  $\Delta q$ .

Перевод исходных данных в СИ:  $R_1 = 20$  см = 0,2 м;  $R_2 = 40$  см = 0,4 м;  $q_1 = q_2 = 24$  нКл =  $24 \cdot 10^{-9}$  Кл.

Решение: Потенциалы шариков до соединения:  $\varphi_1 = k \cdot q/R_1$  и  $\varphi_2 = k \cdot q/R_2$ , т.к.  $R_1 < R_2$ , то  $\varphi_1 > \varphi_2$  и после соединения шариков длинным тонким проводником ток потечет от шарика 1 к шарика 2, а реальные заряды, т.е. электроны, будут двигаться от шарика 2 к шарика 1. Пусть  $q_1^\circ$  - заряд 1-го шарика после соединения, а  $q_2^\circ$  - заряд 2-го шарика после соединения. По закону сохранения заряда  $q_1^\circ + q_2^\circ = 2 \cdot q$ , поэтому  $q_2^\circ = 2 \cdot q - q_1^\circ$ .

Т.к.  $\varphi_1^\circ = \varphi_2^\circ$ , то  $k \cdot q_1^\circ/R_1 = k \cdot (2 \cdot q - q_1^\circ)/R_2$ , откуда  $q_1^\circ = 2 \cdot q \cdot R_1/(R_1 + R_2)$ . Поэтому  $\Delta q = q_1 - q_1^\circ = q - 2 \cdot q \cdot R_1/(R_1 + R_2) = q \cdot (R_2 - R_1)/(R_2 + R_1)$ . Подставим численные значения  $\Delta q = 24 \cdot 10^{-9} \cdot (0,4 - 0,2)/(0,4 + 0,2) = 8 \cdot 10^{-9}$  (Кл) = 8 (нКл).

Ответ:  $\Delta q = 8$  нКл.

### Задание №5

Дано:  $m = 1$  кг,  $M = 6$  кг,  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

Найти:  $T$ .

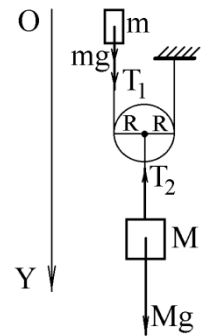
Перевод исходных данных в СИ: все исходные данные уже в СИ.

Решение: Пусть ось ОУ направлена вертикально вниз. По второму закону Ньютона для грузика  $m$ :  $m \cdot g + T_1 = m \cdot a_1$ . Для груза  $M$ :  $M \cdot g - T_2 = M \cdot a_2$ . Пусть радиус невесомого блока равен  $R$  и ускорение блока (и груза  $M$ ) равно  $a$ . Тогда  $a_2 = a$  и  $a_1 = 2 \cdot a$ . Пусть  $T_1 = T$ , тогда  $T_2 = 2 \cdot T$ . С учетом вышеизложенного уравнения для грузов примут вид:  $m \cdot g + T = m \cdot 2 \cdot a$  и  $M \cdot g - 2 \cdot T = M \cdot a$ .

Из первого уравнения найдем  $T = m \cdot 2 \cdot a - m \cdot g$  и подставим это выражение во второе уравнение  $M \cdot g - 2 \cdot (m \cdot 2 \cdot a - m \cdot g) = M \cdot a$ , т.е.  $a = g \cdot (M + 2 \cdot m) / (M + 4 \cdot m)$ . Подставив полученное значение для  $a$  в первое уравнение, найдем выражение для натяжения нити  $T = g \cdot M \cdot m / (M + 4 \cdot m)$ . Подставляем в полученную формулу для  $T$  исходные данные

$$T = g \cdot M \cdot \frac{m}{M + 4 \cdot m} = 10 \cdot 6 \cdot 1 / (6 + 4 \cdot 1) = 6 \text{ (Н)}.$$

Ответ:  $T = 6$  Н.



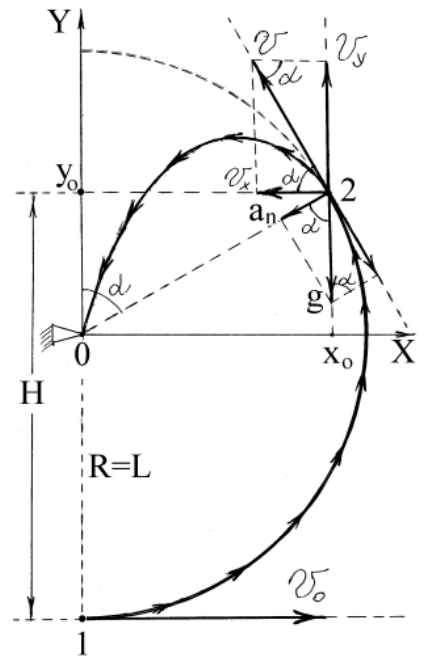
### Задание №6

Дано:  $L = 1$  м;  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>;  $m = 200$  г.

Найти:  $p_0$ .

Перевод исходных данных в СИ:  $m = 200$  г = 0,2 кг.

Решение: Точка 1 – это начало траектории движения. Точка 2 – это конец движения по окружности и начало движения по параболе.  $L = R$  – это радиус траектории движения в начале движения. О – точка подвеса и начало осей ОХ и ОУ.  $x_0$  – координата по оси ОХ точки 2,  $y_0$  – координата по оси ОУ точки 2. Пусть в точке 2 величина скорости равна  $v$ , т.к. после точки 2 ускорение постоянное, то:  $x = x_0 + v_{0x} \cdot t + a_x \cdot \frac{t^2}{2}$  и  $y = y_0 + v_{0y} \cdot t + a_y \cdot \frac{t^2}{2}$ ; где  $x_0 = R \cdot \sin a$ ,  $y_0 = R \cdot \cos a$ ,  $v_{0x} = -v \cdot \cos a$ ,  $v_{0y} = v \cdot \sin a$ . Т.е.  $x = R \cdot \sin a - v \cdot \cos a \cdot t$  и  $y = R \cdot \cos a + v \cdot \sin a \cdot t - g \cdot \frac{t^2}{2}$ . В точке подвеса  $x = 0$  и  $y = 0$ . Т.е.  $0 = R \cdot \sin a - v \cdot \cos a \cdot t$  и  $0 = R \cdot \cos a + v \cdot \sin a \cdot t - g \cdot \frac{t^2}{2}$ ,



поэтому  $t = \frac{R \cdot \sin a}{(v \cdot \cos a)}$  и  $0 = R \cdot \cos a + v \cdot \sin a \cdot R \cdot \frac{\sin a}{v \cdot \cos a} - \frac{g \cdot [R \cdot \sin a / (v \cdot \cos a)]^2}{2}$ . В точке 2:  $a_n = \frac{v^2}{R}$  и  $a_n = g \cdot \cos a$ , т.е.  $\frac{v^2}{R} = g \cdot \cos a$  или  $v^2 = g \cdot R \cdot \cos a$ . Т.е. по оси ОУ:  $0 = R \cdot \cos a + R \cdot \frac{\sin^2 a}{\cos a} - \frac{g \cdot R^2 \cdot \sin^2 a}{[2 \cdot g \cdot R \cdot \cos a \cdot \cos^2 a]}$  или  $0 = R \cdot \cos a + R \cdot \frac{\sin^2 a}{\cos a} - \frac{R \cdot \sin^2 a}{[2 \cdot \cos a \cdot \cos^2 a]}$ . Таким образом:  $0 = 2 \cdot \cos^4 a + \sin^2 a \cdot 2 \cdot \cos^2 a - \sin^2 a$  или  $0 = 2 \cdot \cos^4 a + \sin^2 a \cdot (2 \cdot \cos^2 a - 1)$ . Т.к.  $\sin^2 a + \cos^2 a = 1$ , то  $\sin^2 a = 1 - \cos^2 a$ , поэтому  $0 = 2 \cdot \cos^4 a + (1 - \cos^2 a) \cdot (2 \cdot \cos^2 a - 1)$ . Если заменим  $\cos^2 a$  на  $z$ , то получим:  $0 = 2 \cdot z^2 + (1 - z)(2 \cdot z - 1)$  или  $0 = 3 \cdot z - 1$ , т.е.  $z = 1/3$  или  $\cos^2 a = 1/3$ , т.е.  $\cos a = \frac{\sqrt{3}}{3}$ . Пусть масса материальной точки равна  $m$ . В точке 2 сумма кинетической и потенциальной энергий материальной точки равна кинетической энергии в точке 1:  $m \cdot \frac{v_0^2}{2} = m \cdot g \cdot H + m \cdot \frac{v^2}{2}$ , т.е.  $\frac{v_0^2}{2} = g \cdot (R + R \cdot \cos a) + \frac{v^2}{2}$  или  $v_0^2 = 2 \cdot g \cdot R \cdot (1 + \cos a) + v^2 = 2 \cdot g \cdot R \cdot (1 + \cos a) + g \cdot R \cdot \cos a = g \cdot R \cdot (3 \cdot \cos a + 2)$ .

Т.е.  $v_0 = [g \cdot R \cdot (3 \cdot \cos a + 2)]^{\frac{1}{2}}$ .



Подставим численные значения:  $v_0 = [10 \cdot 1 \cdot (\frac{3 \cdot 3^{\frac{1}{2}}}{3} + 2)]^{\frac{1}{2}} = 6,1$  (м/с).  
 Величина начального импульса шарика равна  $p_0 = m \cdot v_0 = 0,2 \cdot 6,1 = 1,22$  (кг·м/с).  
 Округлить результат необходимо до целого числа, поэтому  $p_0 = 1$  кг·м/с.

Ответ:  $p_0 = 1$  кг·м/с.

### Задание №7

Дано:  $g/g_1 = 6,1$ ;  $p_{\text{низ}}/p_{\text{верх}} = 5$ ;  $\Delta p/p = 5\%$

Найти:  $T_1/T$

Перевод исходных данных в СИ:  $\Delta p/p = 5\% = 0,05$

Решение: Введем следующие обозначения  $T$  – это температура на Земле,  $T_1$  – температура на Луне,  $g$  – это ускорение свободного падения на Земле,  $g_1$  – ускорение свободного падения на Луне. Экспонента, описывающая барометрическую формулу, в показателе имеет  $-\frac{\mu \cdot g \cdot h}{(R \cdot T)}$ . В начале эта величина была равна  $\ln(\frac{1}{5})$ , потом  $\ln(0,95)$ . Поэтому

$$\frac{(g/T)}{(g_1/T_1)} = \frac{\ln(1/5)}{\ln(0,95)};$$

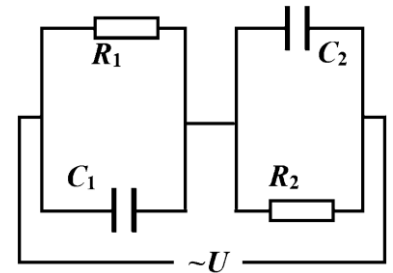
$$\text{откуда } \frac{T_1}{T} = (g_1/g) \cdot \left(\frac{\ln(1/5)}{\ln(0,95)}\right).$$

Подставляем в полученную формулу цифровые данные

$$\frac{T_1}{T} = \left(\frac{g_1}{g}\right) \cdot \left(\frac{\ln(0,2)}{\ln(0,95)}\right) = \left(\frac{1}{6,1}\right) \cdot (-1,6094/-0,051293) = \left(\frac{1}{6,1}\right) \cdot 31,377 = 5,1438$$

Т.к. окончательный результат необходимо округлить до целого числа, то  $\frac{T_1}{T} = 5$ .

Ответ:  $\frac{T_1}{T} = 5$ .



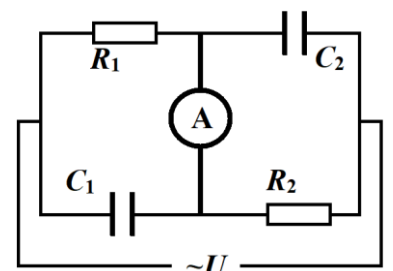
### Задание №8

Дано:  $U = 3,6$  В;  $\omega = 10^4$  с<sup>-1</sup>;  $R_1 = 50$  кОм;  $R_2 = 20$  кОм;  $C_1 = 3$  нФ;  $C_2 = 1$  нФ

Найти:  $I$

Перевод исходных данных в СИ:  $R_1 = 50$  кОм = 50000 Ом;  $R_2 = 20$  кОм = 20000 Ом;  $C_1 = 3$  нФ =  $3 \cdot 10^{-9}$  Ф;  $C_2 = 1$  нФ =  $1 \cdot 10^{-9}$  Ф

Решение: Сначала надо найти потенциал в месте расположения амперметра. Для этого мы его сначала уберём (т.к. его сопротивление равно 0), а затем преобразуем цепь как на рисунке. Итак, пусть полное напряжение цепи равно  $U \cdot \sin \omega t$ . Тогда напряжения на первом и втором участках можно записать как



$U_1 = A \cdot \sin\omega t + B \cdot \cos\omega t$ ;  $U_2 = (U - A) \cdot \sin\omega t - B \cdot \cos\omega t$ , т.к. сумма напряжений на участках в любой момент равна полному напряжению.

Токи равны:

$$IR_1 = \left(\frac{A}{R_1}\right) \cdot \sin\omega t + \left(\frac{B}{R_1}\right) \cdot \cos\omega t,$$

$$IR_2 = \left(\frac{U - A}{R_2}\right) \cdot \sin\omega t - \left(\frac{B}{R_2}\right) \cdot \cos\omega t,$$

$$IC_1 = -A \cdot \omega \cdot C_1 \cdot \cos\omega t + B \cdot \omega \cdot C_1 \cdot \sin\omega t,$$

$$IC_2 = - (U - A) \cdot \omega \cdot C_2 \cdot \cos\omega t - B \cdot \omega \cdot C_2 \cdot \sin\omega t.$$

Суммарный ток на 1-м участке равен суммарному току на 2-м участке, из чего мы находим  $A$  и  $B$ . Ток, идущий через амперметр равен  $I_{C2} - I_{R1}$ . Сначала находим коэффициенты  $A$  и  $B$ .  $A = 2,16$  и  $B = -0,720$ . После этого вычисляем силу тока  $I = 0,000058048$  А. Т.к. нужно выразить окончательный результат в мкА и округлить до целого числа, то получим  $I = 58$  мкА.

Ответ:  $I = 58$  мкА